

SECONDARY MONTHLY EXAMINATION, SEPTEMBER-2023
माध्यमिक मासिक परीक्षा, सितम्बर - 2023

MATHEMATICS (Compulsory)
गणित (अनिवार्य)

पृष्ठ : 1/4

Page : 1/4

प्रश्नांक अंकित कोड : विषय कोड / Sub. Code :

(गणित - 01)

[Time : 1 Hour 30 Minutes]

110

Full Marks : 50

SECTION 'B' (SUBJECTIVE QUESTIONS)

प्रश्न संख्या 1 से 10 तक लघु उत्तरीय प्रश्न है | किन्ही 5 प्रश्नों का उत्तर दे |

$$(Q.1) \text{ (1.) } \underline{\text{Solve}} \quad \text{माना की, कौण की माप} = n^\circ \Rightarrow n = 360 - 2n \\ \therefore \text{संपूरक कौण} = 180 - n \quad \left| \begin{array}{l} \Rightarrow 3n = 360 \therefore n = 120^\circ \\ \therefore \text{कौण} = 120^\circ, 60^\circ \text{ Ans.} \end{array} \right.$$

प्रश्न सै, $n = 2(180 - n)$

$$(Q.2) \text{ (2.) } \underline{\text{Solve}} \quad \text{माना की पहली भ्रंति} = n^\circ \therefore \text{दूसरी भ्रंति} = 7 - n^\circ \\ \text{प्रश्न सै, } n(7-n) = 12 \quad \left| \begin{array}{l} \Rightarrow n^2 - 3n - 4n + 12 = 0 \\ \Rightarrow n(n-3) - 4(n-3) = 0 \\ \Rightarrow (n-4)(n-3) = 0 \end{array} \right| \therefore n = 4, 3, \\ \therefore \text{संताप} 4 \text{ और } 3 \text{ Ans.}$$

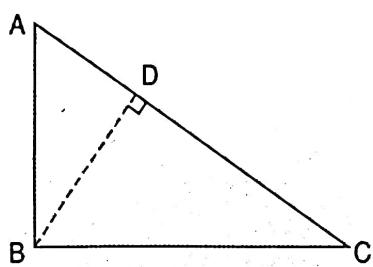
$$(Q.3) \text{ (3.) } \underline{\text{Solve}} \quad \because \cos \theta = \frac{3}{5} = \frac{b}{h} \quad \therefore P = \sqrt{h^2 - b^2} = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4 \\ \therefore \cot \theta = \frac{b}{P} = \frac{3}{4} \text{ Ans.}$$

$$(Q.4) \text{ (4.) } \underline{\text{Solve}} \quad \frac{\tan 47^\circ}{\cot 43^\circ} = \frac{\cot(90 - 47^\circ)}{\cot 43^\circ} = \frac{\cot 43^\circ}{\cot 43^\circ} = 1 \text{ Ans.}$$

$$(Q.5) \text{ (5.) } \underline{\text{Solve}} \quad \sin 30^\circ + \cos 45^\circ + \tan 60^\circ = \frac{\frac{\sqrt{2}}{2} + 2 + \frac{\sqrt{6}}{2}}{2\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}(1+\sqrt{2}+\sqrt{3})}{2\sqrt{2}} \\ = \frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{2}} + \sqrt{3} \quad \left| \begin{array}{l} = \frac{1+\sqrt{2}+2\sqrt{3}}{2} \text{ Ans.} \end{array} \right.$$

प्रश्न संख्या 11 से 15 तक दीर्घ उत्तरीय है ? किन्ही 3 प्रश्नों के उत्तर दें।

11. उत्तर –



दिया : ABC एक समकोण त्रिभुज है जिसका $\angle B$ समकोण है।

रचना : $BD \perp AC$ खींचा।

प्रमाण : ΔADB और ΔABC में,

$$\angle A = \angle A \quad (\text{उभयनिष्ठ})$$

$$\angle ADB = \angle ABC = 90^\circ$$

$\therefore \Delta ABD \sim \Delta ABC$ (कोण-कोण समरूपता)

$$\frac{AD}{AB} = \frac{AB}{AC}$$

$$\Rightarrow AB^2 = AD \times AC \quad \dots(1)$$

$$\text{इसी प्रकार } BC^2 = DC \times AC \quad \dots(2)$$

समी० (1) और (2) को जोड़ने पर,

$$\begin{aligned} AB^2 + BC^2 &= AD \times AC + DC \times AC \\ &= AC (AD + DC) \\ &= AC \times AC = AC^2 \end{aligned}$$

$$\therefore AC^2 = AB^2 + BC^2 \text{ proved.}$$

13. उत्तर –

माना कि घन के प्रत्येक फलक की लंबाई a cm है।

$$\text{तब, आयतन} = 64 \text{ cm}^3 \Rightarrow a^3 = 64 \Rightarrow a = 4 \text{ cm}$$

जब दो समान फलकों वाले घनों के संलग्न फलकों को मिलाया जाता है, तो हमें एक घनाभ प्राप्त होता है। इस तरह

$$l = \text{लंबाई} = 4 \text{ cm} + 4 \text{ cm} = 8 \text{ cm}$$

$$b = \text{चौड़ाई} = 4 \text{ cm}$$

$$\text{और } h = \text{ऊँचाई} = 4 \text{ cm}$$

\therefore घनाभ का पृष्ठीय क्षेत्रफल

$$\begin{aligned} &= 2(lb + bh + hl) \\ &= 2(8 \times 4 + 4 \times 4 + 4 \times 8) \text{ cm}^2 \\ &= 2(32 + 16 + 32) \text{ cm}^2 \\ &= (2 \times 80) \text{ cm}^2 \\ &= 160 \text{ cm}^2, \text{ Area.} \end{aligned}$$

14. उत्तर –

माना दो अंकों की संख्या का दहाई का अंक = x

\therefore अंकों का गुणनफल = 18

\therefore इकाई का अंक = $18/x$

तब अभीष्ट संख्या = $10 \times$ दहाई का अंक + इकाई का अंक

$$= 10x + \frac{18}{x}$$

$$= \frac{10x^2 + 18}{x}$$

तथा अंकों के स्थान बदलने पर प्राप्त संख्या

$$= 10 \times \frac{18}{x} + x$$

$$= \frac{180}{x} + x$$

$$= \frac{180 + x^2}{x}$$

तब प्रश्नानुसार,

संख्या - 63 = अंकों के स्थान

बदलने पर प्राप्त संख्या

$$\frac{10x^2 + 18}{x} - 63 - \frac{180 + x^2}{x}$$

$$10x^2 + 18 - 63x = 180 + x^2$$

$$10x^2 - x^2 - 63x + 18 - 180 = 0$$

$$9x^2 - 63x - 162 = 0$$

$$x^2 - 7x - 18 = 0$$

$$x^2 + 2x - 9x - 18 = 0$$

$$x(x+2) - 9(x+2) = 0$$

$$(x+2)(x-9) = 0$$

जब $x+2 = 0$ तब $x = -2$ अमान्य है क्योंकि दहाई का अंक x ऋणात्मक नहीं हो सकता।

इसलिए $x = 9$, तब अभीष्ट संख्या =

$$\frac{10x^2 + 18}{x} = \frac{10 \times 9^2 + 18}{9} = 92$$